

**ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ "СРЕДНЯЯ ШКОЛА № 27 ГОРОДСКОГО ОКРУГА  
МАРИУПОЛЬ" ДОНЕЦКОЙ НАРОДНОЙ РЕСПУБЛИКИ**

РАССМОТРЕНО

на заседании ШМО

Протокол №1 от « 23 » 08.2024г.

Руководитель

ШМО Т.Г.Склярова

СОГЛАСОВАНО

ДИРЕКТОР ГБОУ «СШ № 27  
Г.О.МАРИУПОЛЬ»

Е.А. Комлева Е.А. Комлева

« 30 » 08 2024 г.

УТВЕРЖДАЮ ДИРЕКТОР

ГБОУ «СШ № 27

Г.О.МАРИУПОЛЬ»

Е.А. Комлева Е.А. Комлева

« 30 » 08 2024 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**Учебного предмета «Вероятность и статистика. Углубленный уровень»**

*(наименование предмета)*

**Среднее общее образование**

*(уровни общего образования)*

**для 10-11 классов**

*(класс)*

2024— 2025 учебный год

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

## СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

### 10 КЛАСС

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

### 11 КЛАСС

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные

характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

#### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

#### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

#### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

#### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

#### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

#### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

**МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ****Познавательные универсальные учебные действия****Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

#### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть



способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями;

находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;

свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;

свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений;

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Элементы теории графов	3	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>
4	Элементы комбинаторики	4	1	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5	0	1	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
6	Случайные величины и распределения	14	1	1	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodolzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodolzhenie.pdf</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2	

**11 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Закон больши хчисел	5	0	1	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
2	Элементы математической статистики	6	0	1	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>
4	Распределение Пуассона	2	0	1	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
5	Связь между случайными величинами	6	0	1	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>34</b>	<b>1</b>	<b>4</b>	

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формулы сложения вероятностей	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>
10	Формула полной вероятности	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>
11	Формула Байеса. Независимые события	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>
13	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>
14	Формула бинома Ньютона	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1	1	0		
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания.	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>

	Серия независимых испытаний до первого успеха					
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
19	Случайный выбор из конечной совокупности	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	1		
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf</a>
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf</a>
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
30	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	0		

31	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	1		
32	Обобщение и систематизация знаний	1	0	0		
33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	1	0		
34	Обобщение и систематизация знаний	1	0	0		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2		

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
3	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
4	Выборочный метод исследований	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	1		
6	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
8	Оценивание вероятностей событий по выборке	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	1		
12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1	0	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>



15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_ve lichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_ve lichiny_2.pdf</a>
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_4_raspredelenie puassona_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_4_raspredelenie puassona_1.pdf</a>
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	1	
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
19	Совместные наблюдения двух величин	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
20	Выборочный коэффициент корреляции	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
21	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
22	Линейная регрессия	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	1	
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
25	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
28	Случайные величины и распределения	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
29	Математическое ожидание случайной величины	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
30	Математическое ожидание случайной величины	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1	1	0	
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
34	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1	0	0	<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	4	

## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА**

### **ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (в 2 частях), 10 класс/ Часть 1: Мордкович А.Г., Семенов П.В.; Часть 2: Мордкович А.Г. и другие; под редакцией Мордковича А.Г., Общество с ограниченной ответственностью «ИОЦ МНЕМОЗИНА»

Теория вероятностей и статистика. Экспериментальное учебное пособие для 10 и 11 классов общеобразовательных учреждений / Ю. Н. Тюрин, А. А. Макаров, И. Р. Высоцкий, И. В. Яценко. — М.: МЦНМО, 2014. — 248с.

### **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

<https://ptlab.mccme.ru/vertical>

### **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

<https://ptlab.mccme.ru/vertical>

Приложение

к рабочей программе по математике  
основного общего, среднего общего  
образования

(7-11 классы)

**Способы оценки достижения учащимися  
планируемых результатов**

## **Критерии оценивания**

Оценивание – одно из действенных средств, находящихся в распоряжении педагога. Учет в преподавании результатов оценочной деятельности помогает отбирать и использовать действенные методические средства и приемы, способствует индивидуализации обучения и в конечном счете повышению его качества.

Основные цели и характеристики системы оценивания содержатся в федеральном государственном образовательном стандарте основного общего образования (ФГОС ООО). В документе указано, что система оценки достижения планируемых результатов освоения программы основного общего образования должна: отражать содержание и критерии оценки, формы представления результатов оценочной деятельности; обеспечивать комплексный подход к оценке результатов освоения программы основного общего образования, позволяющий осуществлять оценку предметных и метапредметных результатов; предусматривать оценку и учет результатов использования разнообразных методов и форм обучения, взаимно дополняющих друг друга, в том числе проектов, практических, командных, исследовательских, творческих работ, самоанализа и самооценки, взаимооценки, наблюдения, испытаний (тестов); предусматривать оценку динамики учебных достижений обучающихся; обеспечивать возможность получения объективной информации о качестве подготовки обучающихся в интересах всех участников образовательных отношений.

Комплексный подход к оцениванию предполагает использование во взаимосвязи его разнообразных видов и форм.

К видам внутришкольного оценивания предметных результатов освоения образовательных программ, развертываемых по периодам обучения, относятся: – стартовая диагностика, направленная на оценку общей готовности обучающихся к обучению на данном уровне образования; – текущее оценивание, отражающее индивидуальное продвижение обучающегося в освоении программы учебного предмета; тематическое оценивание, направленное на выявление и оценку достижения образовательных результатов, связанных с изучением отдельных тем образовательной программы; – промежуточное оценивание по итогам изучения крупных блоков образовательной программы, включающей несколько тем или формирование комплексного блока учебных действий – итоговое оценивание результатов освоения образовательной программы за учебный год.

### **Формы оценивания, применяемые на уроках математики**

#### ***Письменные работы***

Контрольная работа, административная контрольная работа, итоговая контрольная работа, входная контрольная работа, диагностический срез, проверочная работа, самостоятельная работа, практическая работа, математический диктант, тест и др.

#### ***Другие формы работ***

Творческая работа, коллоквиум, доклад, реферат и др.

### **Критериальное и нормативное оценивание**

**Критериальное оценивание** – процесс, основанный на анализе и оценке образовательных достижений обучающихся по комплексу взаимосвязанных показателей. В этом отношении критериальное оценивание сходно с

традиционным нормативным оцениванием, при котором отметка выставляется с учетом степени достижения определенных требований (полнота изложения, выражение мысли своими словами, приведение примеров и т. п.). При этом критериальное оценивание осуществляется «методом прибавления», когда каждое проявленное умение или усвоенное положение добавляет баллы к уже полученному результату, а нормативное оценивание – «методом вычитания» из эталонного ответа на 5 баллов ошибок и промахов ученика. Кроме того, условием критериального оценивания является предварительное ознакомление всех участников образовательного процесса, прежде всего обучающихся, с используемыми критериями.

При этом и нормативная модель оценивание не утрачивает своего значения в современных условиях, особенно применительно к определенным видам и формам оценивания, например устного ответа в ходе текущего контроля.

На уроках математики предпочтительнее использовать критериальное оценивание, но при этом возможно также использование нормативной модели оценивания.

### **Оценивание письменных работ**

#### ***При нормативном оценивании***

***Высокий уровень (отметка «5»)*** ставится за выполнение письменной работы, которая выполнена правильно, но допущена одна негрубая ошибка или два мелких недочета.

***Повышенный уровень (отметка «4»)*** ставится за работу, которая выполнена в основном правильно, но допущено одна (грубая) ошибка, или две (негрубые) ошибки, или два-три недочета.

***Базовый уровень (отметка «3»)*** ставится в следующих случаях: а) если в работе имеется две грубые ошибки и не более одной негрубой ошибки; б) при наличии двух грубых ошибок и одного-двух недочетов; в) при отсутствии грубых ошибок, но при наличии от трех до четырех (негрубых) ошибок; г) при наличии двух негрубых ошибок и не более трёх недочетов; д) при отсутствии ошибок, но при наличии четырех и более недочетов; е) если верно выполнено не менее половины объема всей работы.

***Ниже базового уровень (отметка «2»)*** ставится, когда число ошибок превосходит норму, при которой может быть выставлена положительная оценка, или если правильно выполнено менее *половины* всей работы.

#### ***При критериальном оценивании***

Определение уровня достижения планируемых результатов может осуществляться на основе процента от числа выполненных верно заданий следующим образом:

- обучающийся не достиг обязательного уровня подготовки, и ему выставляется отметка «2», если он выполнил менее 44% заданий, включенных в работу;
- обучающийся достиг обязательного уровня подготовки, ему выставляется отметка не ниже «3», если он выполнил от 45 % до 64% заданий, включенных в работу;
- обучающийся достиг повышенного уровня, ему выставляется

отметка не ниже «4», если он выполнил от 65% до 84% общего числа заданий работы;

- обучающийся достиг высокого уровня, ему выставляется отметка «5», если он выполнил не менее 85% заданий работы.

Если в контрольно-измерительных материалах предусмотрено начисление баллов за выполнение заданий, например, от 0 до 2 баллов ( в том числе предусмотрена возможность оценивания в 0,5 или 1,5 балла), то проценты вычисляются аналогичным образом, но от общего балла. Например, максимальный балл за работу равен 10. Обучающийся получит отметку «2», если наберет менее 4,5 баллов, отметку «3», если наберет от 4,5 до 6 баллов, отметку «4», если наберет от 6,5 до 8 балла, и отметку «5», если наберет от 8,5 баллов. Обращаем внимание на то, что во всех описанных случаях реализовано право обучающегося на ошибку.

#### **Устные ответы.**

**Высокий уровень (отметка «5»)** выставляется, если учащийся:

последовательно, чётко, связно, обоснованно и безошибочно излагает учебный материал; дает ответ в логической последовательности с использованием принятой терминологии;

показывает понимание сущности рассматриваемых понятий, явлений и закономерностей, теорий, взаимосвязей; умеет выделять главное, самостоятельно подтверждать ответ конкретными примерами, фактами;

самостоятельно анализирует и обобщает теоретический материал; свободно устанавливает межпредметные (на основе ранее приобретенных знаний) и внутрипредметные связи;

уверенно и безошибочно применяет полученные знания в решении новых, ранее не встречавшихся задач;

рационально использует наглядные пособия, справочные материалы, учебник, дополнительную литературу, первоисточники; применяет упорядоченную систему условных обозначений при ведении записей, сопровождающих ответ; имеет необходимые навыки работы с приборами, чертежами, схемами и графиками, сопутствующими ответу;

допускает в ответе недочеты, которые легко исправляет по требованию учителя.

**Повышенный уровень (отметка «4»)** выставляется, если учащийся:

показывает знание всего изученного учебного материала; дает в основном правильный ответ; учебный материал излагает в обоснованной логической последовательности с приведением конкретных примеров, при этом допускает одну негрубую ошибку или не более двух недочетов в использовании терминологии учебного предмета, которые может исправить самостоятельно; анализирует и обобщает теоретический материал;

соблюдает основные правила культуры устной речи; применяет упорядоченную систему условных обозначений при ведении записей, сопровождающих ответ;

**Базовый уровень (отметка «3»)**, выставляется, если учащийся:

демонстрирует усвоение основного содержания учебного материала, имеет пробелы, не препятствующие дальнейшему усвоению учебного материала;

применяет полученные знания при ответе на вопрос, анализе предложенных ситуаций по образцу;

допускает ошибки в использовании терминологии учебного предмета; показывает недостаточную сформированность отдельных знаний и умений; выводы и обобщения аргументирует слабо, допускает в них ошибки; затрудняется при анализе и обобщении учебного материала; дает неполные ответы на вопросы учителя или воспроизводит содержание ранее прочитанного учебного текста, слабо связанного с заданным вопросом; использует неупорядоченную систему условных обозначений при ведении записей, сопровождающих ответ.

**Ниже базового уровень (отметка «2»)** выставляется, если учащийся: не раскрыл основное содержание учебного материала в пределах поставленных вопросов; не умеет применять имеющиеся знания к решению конкретных вопросов и задач по образцу;

допускает в ответе более двух грубых ошибок, которые не может исправить даже при помощи учащихся и учителя.

### **Математический диктант и тесты**

При оценке математического диктанта:

отметка «5» ставится, если выполнено верно от 95 % до 100% заданий

отметка «4» ставится, если выполнено верно от 80% до 90% заданий

отметка «3» ставится, если выполнено верно от 50% до 75 % заданий

отметка «2» ставится, если выполнено менее 50 % заданий.

### **Другие формы работ (творческие работы, доклады, рефераты и пр.)**

Отметка 5 ставится, если работа соответствует следующим критериям:

соответствие целям и задачам дисциплины, актуальность темы и рассматриваемых проблем, соответствие содержания заявленной теме, заявленная тема полностью раскрыта, рассмотрение дискуссионных вопросов по проблеме, сопоставлены различные точки зрения по рассматриваемому вопросу, научность языка изложения, логичность и последовательность в изложении материала, количество исследованной литературы, в том числе новейших источников по проблеме, четкость выводов, оформление работы соответствует предъявляемым требованиям.

Отметка 4 ставится если работа соответствует следующим критериям:

соответствие целям и задачам дисциплины, актуальность темы и рассматриваемых проблем, соответствие содержания заявленной теме, научность языка изложения, заявленная тема раскрыта недостаточно полно, отсутствуют новейшие литературные источники по проблеме, при оформлении работы имеются недочеты.

Отметка 3 ставится если работа соответствует следующим критериям:

соответствие целям и задачам дисциплины, содержание работы не в полной мере соответствует заявленной теме, заявленная тема раскрыта недостаточно полно, использовано небольшое количество научных источников, нарушена логичность и последовательность в изложении материала, при оформлении работы имеются недочеты.

Отметка 2 ставится в случае если:

работа не соответствует целям и задачам дисциплины, содержание работы не соответствует заявленной теме, содержание работы изложено не научным стилем.

Прошито, пронумеровано и

скреплено печатью \_\_\_\_\_ 23 \_\_\_\_\_

*Евдокимов* *н/с* ) страниц

Директор *Е.А. Комлева* Е.А. Комлева

